

＜表を使った数式作成＞

変数に範囲があるときの2次関数の最大、最小

2次関数 $f(x)=ax^2+bx+c$ ($a \neq 0$) の区間 $\alpha \leq x \leq \beta$ における最大、最小は、 $y=f(x)$ のグラフの対称軸 $x=p$ の位置によって場合分けして求められる。

まず、 ax^2+bx+c の平方完成 $a(x-p)^2+q$ を求める。

$$a(x-p)^2+q=ax^2-2apx+ap^2+q$$

$$ax^2+bx+c \quad \text{と係数を比較して} \quad b=-2ap \quad \text{したがって} \quad p=-\frac{b}{2a}$$

$$c=ap^2+q \quad \text{したがって} \quad q=c-ap^2=c-a\left(-\frac{b}{2a}\right)^2=\frac{4ac-b^2}{4a}$$

$$\left(p=-\frac{b}{2a}, q=-\frac{b^2-4ac}{4a}\right)$$

p を $-\frac{b}{2a}$ で置き換えて代数計算

2次関数の最大、最小を表にまとめると

		$p \leq \alpha$	$\alpha \leq p \leq \frac{\alpha + \beta}{2}$	$\frac{\alpha + \beta}{2} \leq p \leq \beta$	$\beta \leq p$
$\alpha > 0$	最大値		$f(\beta)$	$f(\alpha)$	
	最小値	$f(\alpha)$	$f(p)=q$		$f(\beta)$
$\alpha < 0$	最大値	$f(\alpha)$	$f(p)=q$		$f(\beta)$
	最小値		$f(\beta)$	$f(\alpha)$	

三角比

θ	θ	$\sin\theta$	$\cos\theta$	$\tan\theta$
$\frac{\pi}{6}$	30°	0.5000000	0.8660254	0.5773503
$\frac{\pi}{4}$	45°	0.7071068	0.7071068	1.0000000
$\frac{\pi}{3}$	60°	0.8660254	0.5000000	1.7320508
$\frac{\pi}{2}$	90°	1.0000000	0	557135183.9441555
$\frac{2}{3}\pi$	120°	0.8660254	-0.5000000	-1.7320508
$\frac{3}{4}\pi$	135°	0.7071068	-0.7071068	-1.0000000
$\frac{5}{6}\pi$	150°	0.5000000	-0.8660254	-0.5773503
π	180°	0	-1.0000000	0

